

التمرين الأول:

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ لتكن النقط $A(8; 0; 8)$ و $B(10; 3; 10)$ و $C(2; 1; -1)$ وليكن المستقيم D الذي تمثيله الوسيطي هو : $\begin{cases} x = -5 + 3t \\ y = 1 + 2t \\ z = -2t \end{cases}$ حيث t وسيط حقيقي.

- 1) أكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (AB) .
- 2) بين أن المستقيمين D و (AB) ليسا من مستو واحد.
- 3) أكتب المعادلة الديكارتية للمستوي (P) المحوري للقطعة $[AB]$.
- 4) أكتب معادلة الكرة (S) ذات المركز C و المماسة للمستوي (P) .
- 5) عين (E) مجموعة النقط M من الفضاء و التي تحقق: $MA^2 + MB^2 + MC^2 = 144$.
- 6) ادرس الوضع النسبي بين (E) و (P) .

التمرين الثاني:

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقط $A(3; 0; 10)$ و $B(0; 0; 15)$ و $C(0; 20; 0)$

- 1) أكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (AB) .
- 2) بين أن المستقيم (AB) يقطع حامل محور الفواصل في النقطة $E(9; 0; 0)$.
- 3) تحقق أن النقط A و B و C ليست في استقامية.
- 4) ليكن $[OH]$ العمود المتعلق بالضلع $[BC]$ في المثلث OBC بين أن المستقيم (BC) عمودي على المستوي (OEH) واستنتج معادلة ديكارتية للمستوي (OEH) .
- 5) تحقق أن المعادلة الديكارتية للمستوي (ABC) هي: $20x + 9y + 12z - 180 = 0$.
- 6) بين أن الجملة: $\begin{cases} x = 0 \\ 4y - 3z = 0 \\ 20x + 9y + 12z - 180 = 0 \end{cases}$ لها حل وحيد. ماذا يمثل هذا الحل؟
- 6) أحسب المسافة OH وتحقق أن $EH = 15$ ثم أحسب مساحة المثلث EBC .

التمرين الثالث:

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ لتكن النقط $A(1; 1; 0)$ و $B(1; 2; 1)$ و $C(3; -1; 2)$

- 1) بين أن النقط A, B, C تشكل مستويا
- 2) تحقق أن المعادلة الديكارتية للمستوي (ABC) هي: $2x + y - z - 3 = 0$
- 3) ليكن (P) المستوي ذي المعادلة الديكارتية: $x + 2y - z - 4 = 0$ وليكن (Q) المستوي ذي المعادلة الديكارتية: $2x + 3y - 2z - 5 = 0$ بين أن المستويين (P) و (Q) يتقاطعان وفق مستقيم (D) يطلب إعطاء معادلاته الوسيطة.
- 4) أدرس تقاطع المستويات الثلاث (ABC) و (P) و (Q) .
- 5) أحسب المسافة بين النقطة A و المستقيم (D) .

التمرين الرابع:

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقط $A(1; 2; -1)$ و $B(-3; -2; 3)$ و $C(0; -2; -3)$

(1) تحقق أن النقط A, B, C ليست في استقامية

(2) بين أن الشعاع $\vec{n} \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}$ ناظمي على المستوي (ABC)

(3) ليكن (P) المستوي ذي المعادلة الديكارتية: $x+y-z+2=0$ بين أن المستويين (P) و (ABC) متعامدان

(4) ليكن G مرجح الجملة المثقلة $S = \{(A, 1); (B, -1); (C, 2)\}$ أوجد إحداثيات النقطة G

(5) أكتب المعادلات الوسيطة للمستقيم (CG) ثم عين إحداثيات النقطة H تقاطع المستقيم (CG) مع المستوي (P)

(6) بين أن مجموعة النقط M من المستوي التي تحقق: $\|\vec{MA} - \vec{MB} + 2\vec{MC}\| = 12$ هي سطح كرة (S) يطلب تعيين مركزها و نصف قطرها .

التمرين الخامس:

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ لتكن النقط $A(-1; 2; 1)$ و $B(1; -6; -1)$ و $C(2; 2; 2)$

(1) تحقق أن النقط A, B, C تعين مستويا

(2) بين أن الشعاع $\vec{n} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ -3 \end{pmatrix}$ ناظمي على المستوي (ABC)

(3) أوجد معادلة ديكارتية للمستوي (ABC)

(4) ليكن (P) المستوي ذي المعادلة الديكارتية: $x-y+z-4=0$ بين أن المستويين (P) و (ABC) يتقاطعان وفق مستقيم (D) يطلب إعطاء معادلاته الوسيطة

(5) لتكن الكرة (S) ذات المركز $\Omega(3; 1; 3)$ و نصف القطر $r=3$ و لتكن النقطة $I(2; -1; 1)$ بين أن النقطة I نقطة مشتركة بين المستقيم (D) و الكرة (S)

(6) بين أن المستقيم (D) و الكرة (S) يتقاطعان في نقطة ثانية.

التمرين السادس:

الفضاء منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ لتكن النقط $A(0; 1; 5)$ و $B(2; 1; 7)$ و $C(3; -3; 6)$ و الشعاع $\vec{u}(1; -4; -1)$.

الجزء الأول:

--- أكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم Δ الذي يشمل النقطة B و شعاع توجيه له.

--- تحقق أن النقطة C تنتمي إلى المستقيم Δ

-- بين أن الشعاعين \vec{AB} و \vec{BC} متعامدان

-- استنتج المسافة بين النقطة A و المستقيم Δ

الجزء الثاني:

نعتبر النقطة $M(2+t; 1-4t; 7-t)$ حيث t عدد حقيقي و لتكن الدالة h المعرفة على \mathbb{R} ب: $h(t) = AM$

-- أكتب عبارة $h(t)$ بدلالة t و-بين أن من أجل كل عدد حقيقي t : $h'(t) = \frac{18t}{\sqrt{18t^2+8}}$

-- استنتج قيمة العدد t التي تكون من أجلها المسافة AM أصغر ما يمكن

-- قارن بين القيمة الصغرى للدالة h و المسافة بين النقطة A و المستقيم Δ . انتهى